

1. 制限時間は50分で、100点満点である。
2. ①、②は全員解答する。その他の問題については、
次の表(または先生)の指示に従って3題を解答すること。

学 級		番 号		氏 名	
--------	--	--------	--	--------	--

数学 I・A で受験する場合	I 1 ~ I 3, A 1 ~ A 3 から 3 題を選択し、解答する。
数学 I のみで受験する場合	I 1 ~ I 3 すべて解答する。

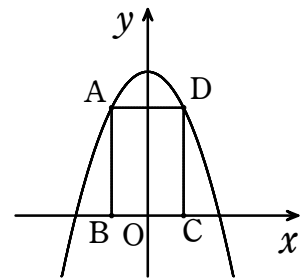
3. 解答は、すべて解答用紙に記入すること。

1 次の問いに答えよ。解答欄に答のみ記入すること。

- (1) $|2 - \sqrt{5}| + |2 + \sqrt{5}|$ を計算すると である。
- (2) 2次方程式 $3x^2 + 2x - 8 = 0$ を解くと である。
- (3) $90^\circ \leq \theta \leq 180^\circ$ とする。 $\sin \theta = \frac{1}{3}$ のとき、 $\cos \theta$ の値は である。
- (4) 次のデータは7人の小テストの点数を小さい順に並べたものである。
2, 3, 3, 4, 5, a, 9
四分位範囲が5のとき、aの値は である。
- (5) 条件「 $x > 0$ または $y \leq 0$ 」の否定はどれか。記号で選んで答えよ。
① $x > 0$ かつ $y \leq 0$
② $x < 0$ または $y \geq 0$
③ $x \leq 0$ かつ $y > 0$
④ $x \geq 0$ または $y < 0$

2 放物線 $y = 4 - x^2$ と x 軸に内接する長方形 ABCD がある。点 C($t, 0$)、点 B($-t, 0$) のとき次の問いに答えよ。ただし $t > 0$ とする。

- (1) この放物線と x 軸との共有点の座標を求めよ。
- (2) 長方形 ABCD が正方形となるときの t の値を求めよ。
- (3) 長方形の周りの長さを ℓ とおく、 ℓ の最大値およびそのときの t の値を求めよ。



I 1 $x = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$, $y = \frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ のとき、次の式の値を求めよ。

- (1) $x + y$
- (2) $x^2 + y^2$
- (3) $\frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{\sqrt{x} + \sqrt{y}}$

I 2 2次不等式 $x^2 - 2x - 3 > 0 \dots \textcircled{1}$, $3x^2 - (3k + 2)x + 2k < 0 \dots \textcircled{2}$ について次の問いに答えよ。

- (1) 2次不等式 $\textcircled{1}$ を解け。
- (2) 2次方程式 $\textcircled{2}$ を解け。
- (3) $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ を同時に満たす整数 x がちょうど1個存在するとき、定数 k の値の範囲を求めよ。

- I 3** $\triangle ABC$ において、 $AB=2$ 、 $BC=\sqrt{6}$ 、 $CA=1+\sqrt{3}$ とする。また、 $\triangle ABC$ の外接円の中心を O とするとき、次の問いに答えよ。
- (1) $\angle CAB$ の大きさを求めよ。
 - (2) OA の長さを求めよ。
 - (3) $\triangle OAB$ の内接円の中心を O' とするとき、 OO' の長さを求めよ。

- A 1** コイン1枚と大小2個のサイコロを投げ、その結果により xy 平面上の点 P を次のルールに従って移動させる。「コインが表のときは x 軸の正の方向へ、裏のときは y 軸の正の方向へ (大きいサイコロの目の数) - (小さいサイコロの目の数) だけ進む。」最初に点 P は原点にあるとき、次の問いに答えよ。
- (1) 1回の試行後、点 P が原点から動かない確率を求めよ。
 - (2) 2回の試行後、点 P が点 $(3, 1)$ にある確率を求めよ。
 - (3) 2回の試行後、点 P が第1象限にあり、かつ直線 $y=x-2$ 上にある確率を求めよ。

- A 2**
- (1) 10進法で表された60を2進法で表せ。
 - (2) $2x+3y=60$ を満たす自然数 x, y の組 (x, y) は全部で何個あるか。
 - (3) $60!$ を素因数分解したとき、累乗 2^a の指数 a を求めよ。

- A 3** 次図のように、点 O_1 を中心とする半径3の円 O_1 と点 O_2 を中心とする半径2の円 O_2 が点 A で外接している。直線 l は円 O_1, O_2 の共通接線であり、 l は円 O_1, O_2 とそれぞれ点 B, C で接しているとき、次の各問いに答えよ。

- (1) 線分 BC の長さを求めよ。
- (2) 点 A における円 O_1, O_2 の共通接線を m とする。 l と m の交点を P とし、 P を通り円 O_1 と2点で交わる直線を n とする。さらに n と円 O_1 との交点を P に近い方からそれぞれ Q, R とする。 $PQ \cdot PR$ の値を求めよ。
- (3) (2)のとき、線分 PQ の長さが最小になるとき PQ の長さを求めよ。

